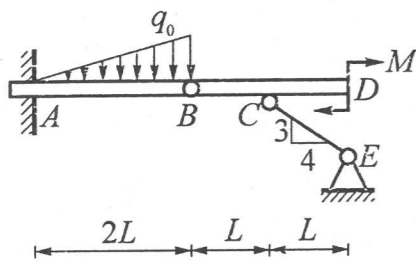


2016 年硕士学位研究生入学考试试题

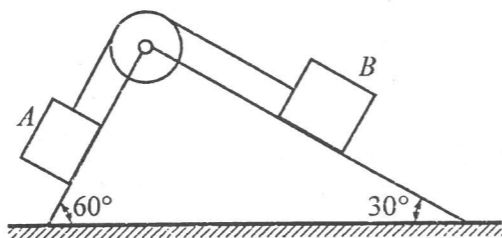
科目代码: 841 科目名称: 理论力学 满分: 150 分

注意: ①认真阅读答题纸上的注意事项; ②所有答案必须写在答题纸上, 写在本试题纸或草稿纸上均无效; ③本试题纸须随答题纸一起装入试题袋中交回!

一、(20 分) 图示平面结构, 自重不计,  $B$ 、 $C$  为光滑铰链。已知:  $q_0=1\text{kN/m}$ ,  $M=6\text{kN}\cdot\text{m}$ ,  $L=2\text{m}$ 。试求固定端  $A$  的约束力和  $CE$  杆的内力。



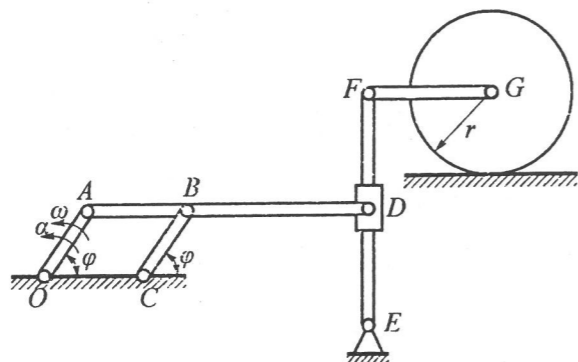
第一题图



第二题图

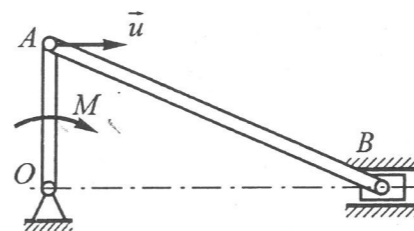
二、(20 分) 图示系统静止于铅垂面内,  $A$ 、 $B$  两物体重力的大小分别为  $P_A=2g\text{ N}$  和  $P_B=g\text{ N}$  (其中  $g$  为重力加速度的大小), 置于同样粗糙的斜面上, 倾角分别为  $60^\circ$  和  $30^\circ$ , 不计滑轮处的摩擦。若物  $A$  即将下滑, 试证明静摩擦因数  $f_s$  为  $5\sqrt{3}-8$ 。

三、(20 分) 在图示平面机构中, 已知: 杆  $AD$  与杆  $OA$ 、 $CB$  及套筒  $D$  分别铰接于  $A$ 、 $B$ 、 $D$ , 杆  $OA$  的角速度  $\omega=2\text{rad/s}$ , 角加速度  $\alpha=0$ , 曲柄  $OA=CB=r=0.25\text{m}$ ,  $OC=AB$ ,  $EF=4r$ , 轮  $G$  作纯滚动。当  $\varphi=60^\circ$  时,  $FG$  水平,  $EF$  铅垂, 且  $D$  在  $EF$  中点。试求该瞬时轮心  $G$  的速度和加速度。

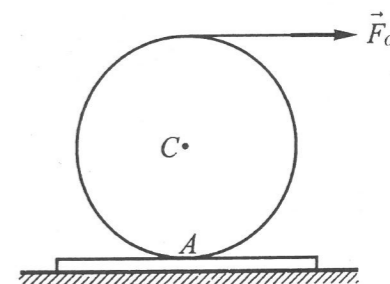


第三题图

四、(20 分) 曲柄连杆机构在水平面内, 曲柄  $OA$  重  $P$ 、长为  $r$ , 连杆  $AB$  重  $2P$ 、长为  $l$ , 滑块  $B$  重为  $\frac{1}{3}P$ , 曲柄及连杆可视为均质细杆。今在曲柄上作用一不变的力偶矩  $M$ , 图示位置 ( $\angle BOA=90^\circ$ ) 时,  $A$  点的速度为  $\vec{u}$ , 求当曲柄转过  $90^\circ$  时  $A$  点的速度。



第四题图

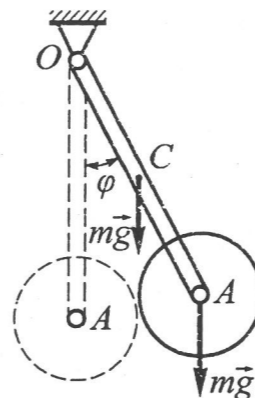


第五题图

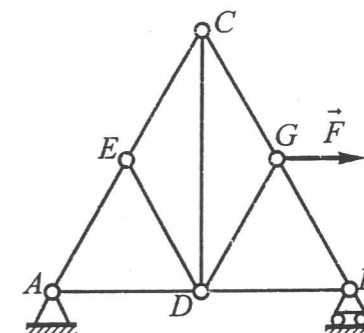
五、(25 分) 质量为  $m$ , 半径为  $r$  的匀质圆柱体放在质量为  $m$  的平板上, 板又放在光滑水平面上。圆柱上绕以柔线, 柔线一端在上面引出, 受到水平向右的拉力  $\vec{F}_0$  作用, 如图所示。设圆柱与板间有足够的摩擦, 而不致发生滑动, 求圆柱中心  $C$  和平板的加速度。

六、(25 分) 图示力学系统由匀质杆与匀质圆盘组成, 杆  $OA$  质量为  $m$ , 长为  $L$ , 在  $A$  点铰接一圆盘, 其质量也为  $m$ , 不计所有铰链处的摩擦。初始, 杆  $OA$  与铅垂线有微小偏角  $\varphi$ , 并由静止开始摆动。试求:

- (1) 以  $\varphi$  为广义坐标, 建立系统的运动微分方程;
- (2) 求出系统微摆动周期。



第六题图



第七题图

七、(20 分) 在图示平面桁架中, 已知: 水平力  $F$ ,  $\triangle ABC$  为等边三角形, 点  $D$ ,  $E$ ,  $G$  分别为三边中点。试用虚位移原理求杆  $CD$  的内力。